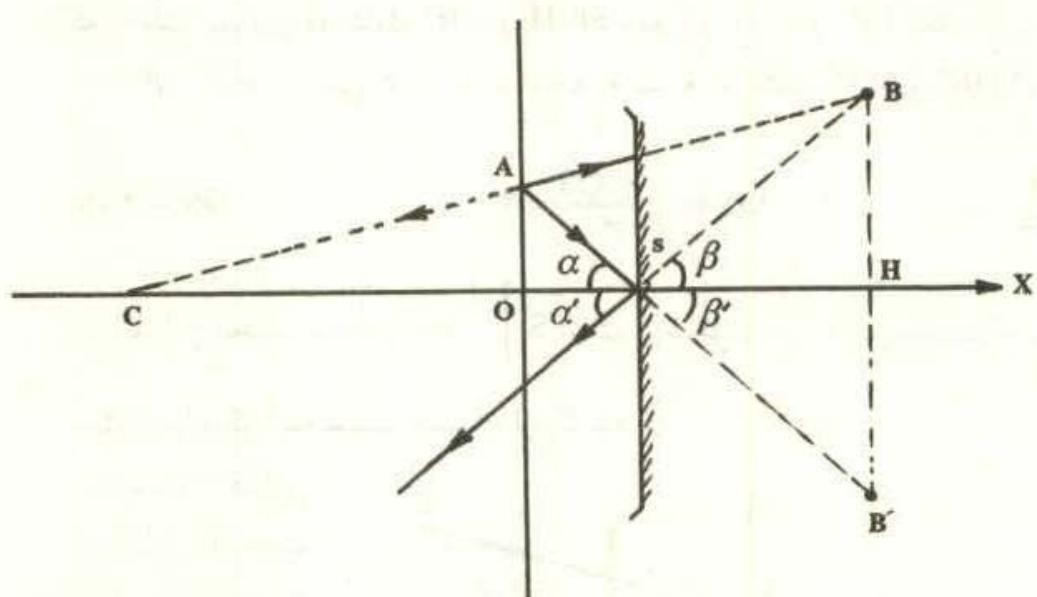


حل مسائلهای تشریحی

۱- محور اصلی آینه و نقاط A و B در شکل (۱۱ - ۸۲) نشان داده شده است.

الف - هر پرتویی که از یک جسم طوری به آینه بتابد که امتداد و یا راستای آن از مرکز آینه بگذرد، بازتاب آن روی خودش خواهد بود. بنابراین اگر دو نقطه A و B را به هم وصل کنیم، امتداد آن از مرکز آینه می‌گذرد. چون محور اصلی آینه است، محل تقاطع امتداد خط AB با محور X، یعنی نقطه‌ی C، مرکز آینه خواهد بود. برای به دست آوردن محل مرکز، از نقطه‌ی B بر محور اصلی آینه عمود می‌کنیم تا آن را در نقطه‌ی H قطع کند. دو مثلث CAO و CBH با یکدیگر متشابه‌اند، داریم:



شکل (۱۱ - ۸۲)

$$\frac{CO}{CH} = \frac{AO}{BH}$$

$$CO = \frac{2}{3}(CO + 5)$$

$$CO = 10 \text{ cm}$$

بنابراین مختصات مرکز آینه C است.
اگر آینه سمت چپ نقطه A باشد، دو حالت وجود دارد.

- آینه میان نقطه O و C قرار دارد. در این صورت آینه باید محدب باشد و در نتیجه تصویر نقطه A باید پشت آینه، یعنی در طرف چپ نقطه A باشد. پس چنین حالتی امکان‌پذیر نیست.

- آینه در سمت چپ نقطه C قرار دارد. در این صورت آینه باید مقعر باشد. تصویر نقطه A که بالای محور اصلی آینه است، باید پایین محور اصلی باشد. پس این حالت نیز وجود ندارد.

به این ترتیب آینه در سمت راست نقطه A قرار دارد.
اگر رأس آینه نقطه‌ای مانند S باشد، پرتو نوری که از جسم A به آن نقطه می‌تابد، با همان زاویه نسبت به محور اصلی، از آینه بازمی‌تابد. یعنی در شکل (۱۱-۸۲) دوزاویه‌ی α و α' با هم برابر است. برای به دست آوردن نقطه S، خط BH را امتداد داده به طوری که $BH = B'H$ باشد. محل تقاطع خط $A'B$ با محور آینه همان نقطه S یعنی رأس آینه است. از شکل پیداست که به علت تساوی دو مثلث SBH و $SB'H$ ، دو زاویه‌ی β و β' با یکدیگر برابرند و چون $\alpha = \alpha'$ و $\beta = \beta'$ ، پس $AOS = SBH$ داریم:

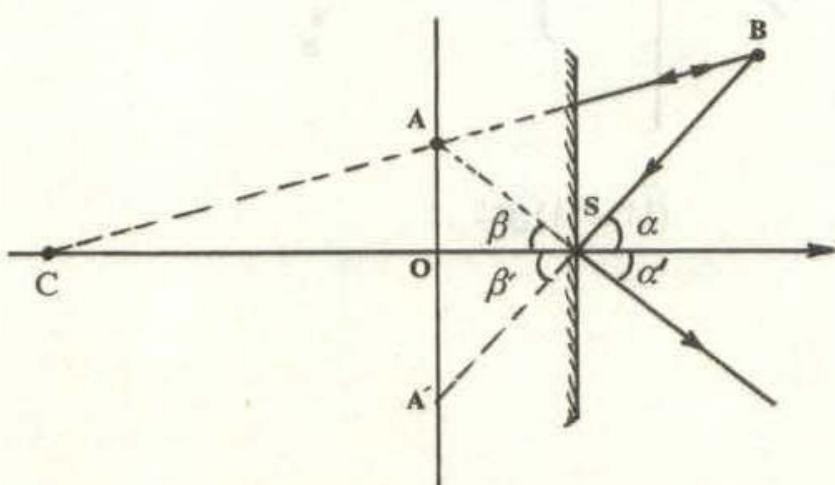
$$\frac{OS}{AO} = \frac{HS}{B'H}$$

$$OS = \frac{5 - OS}{3} \times 2$$

$$OS = 2 \text{ cm}$$

بنابراین مختصات رأس آینه S است. از شکل (۱۱-۸۲) پیداست که نوع آینه مقعر

است، زیرا مرکز آینه سمت چپ آن قرار گرفته است.



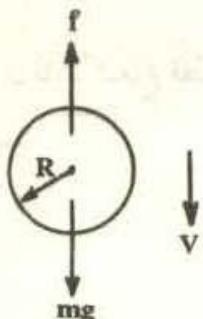
شکل (۱۱-۸۳)

ب - در حالتی که نقطه B جسم حقیقی و نقطه A تصویر آن باشد، باز هم محل مرکز آینه مانند قبل به دست آمده و در همان نقطه C است. در شکل

(۱۱-۸۳) محور

اصلی آینه و دو نقطه‌ی A و B مجدداً رسم شده است. اگر آینه سمت راست نقطه‌ی B باشد، باید آینه مقعر باشد که مرکز آن در سمت چپ آینه قرار داشته باشد. در این صورت تصویر نقطه‌ی B که بالای محور اصلی است، باید پایین محور اصلی قرار گیرد. که چنین نیست بنابراین آینه باید سمت چپ نقطه‌ی B و نوع آن محدب باشد که در شکل مشخص شده است. با همان استدلال قبلی می‌توان دریافت که رأس آینه نیز در نقطه‌ی S با همان مختصات قبلی است.

۲ - در شکل (۱۱ - ۸۴) یک قطره‌ی کروی شکل که در هوا سقوط می‌کند و نیروهای وارد بر آن نشان داده شده است.



الف - در ابتدای سقوط که سرعت قطره کم است، نیروی مقاومت f نیز کوچک است و برآیند نیروهای وارد بر قطره به طرف پایین است و به آن شتابی رو به پایین می‌دهد. این شتاب سرعت سقوط قطره را زیادتر می‌کند و در نتیجه نیروی مقاومت f نیز بزرگ‌تر می‌شود. اما تا هنگامی که $f > mg$ است، شتاب

قطره همچنان رو به پایین است و سرعت آن نیز زیاد می‌شود. شکل (۱۱ - ۸۴)

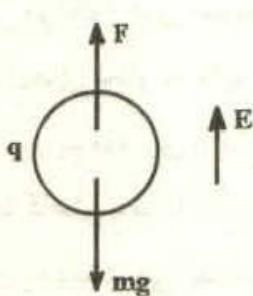
افزایش سرعت و نیروی f تا جایی پیش می‌رود که $f = mg$ شود. در این حالت برآیند نیروهای وارد بر قطره و در نتیجه شتاب آن صفر است و سرعت آن بدون تغییر خواهد ماند. این سرعت ثابت را سرعت حد می‌نامند. برای محاسبه آن داریم:

$$f = mg$$

$$6\pi\eta R V_f = \frac{4}{3}\pi R^3 \rho g$$

$$V_f = \frac{2}{9} \frac{\rho g}{\eta} R^2 \quad (۱۱ - ۸۴)$$

از رابطه‌ی بالا مشاهده می‌شود که هر چه شعاع قطره کوچک‌تر باشد، سرعت حدی آن نیز کوچک‌تر است.



شکل (۱۱ - ۸۵)

ب - در شکل (۱۱ - ۸۵) یک قطره‌ی روغن که بار الکتریکی q دارد، در میدان الکتریکی E نشان داده شده است. هنگامی که به قطره‌های روغن پرتو X می‌تابانیم، قطره‌ها یونیزه می‌شود و بار الکتریکی مثبت پیدا می‌کند. براین قطره‌های باردار در میدان الکتریکی E که رو به بالا باشد، نیروی F = qE وارد می‌شود. اگر میدان الکتریکی E طوری تنظیم شود که $qE = mg$

شود، برآیند نیروهای وارد بر قطره صفر شده و قطره ساکن خواهد ماند. با حذف میدان الکتریکی، قطره سقوط می‌کند و نیروی مقاومت بر آن وارد می‌شود. هنگامی که قطره به سرعت حد برسد، همان طور که قبلًا توضیح داده شد. $f = mg$ خواهد شد و می‌توان نتیجه گرفت:

$$qE = \epsilon\pi\eta RV_\ell$$

$$q = \frac{\epsilon\pi\eta RV_\ell}{E} \quad (9-11)$$

اکنون باید شعاع قطره را از رابطه (۱۱ - ۸) به دست آورده و در رابطه (۱۱ - ۹) قرار دهیم. داریم:

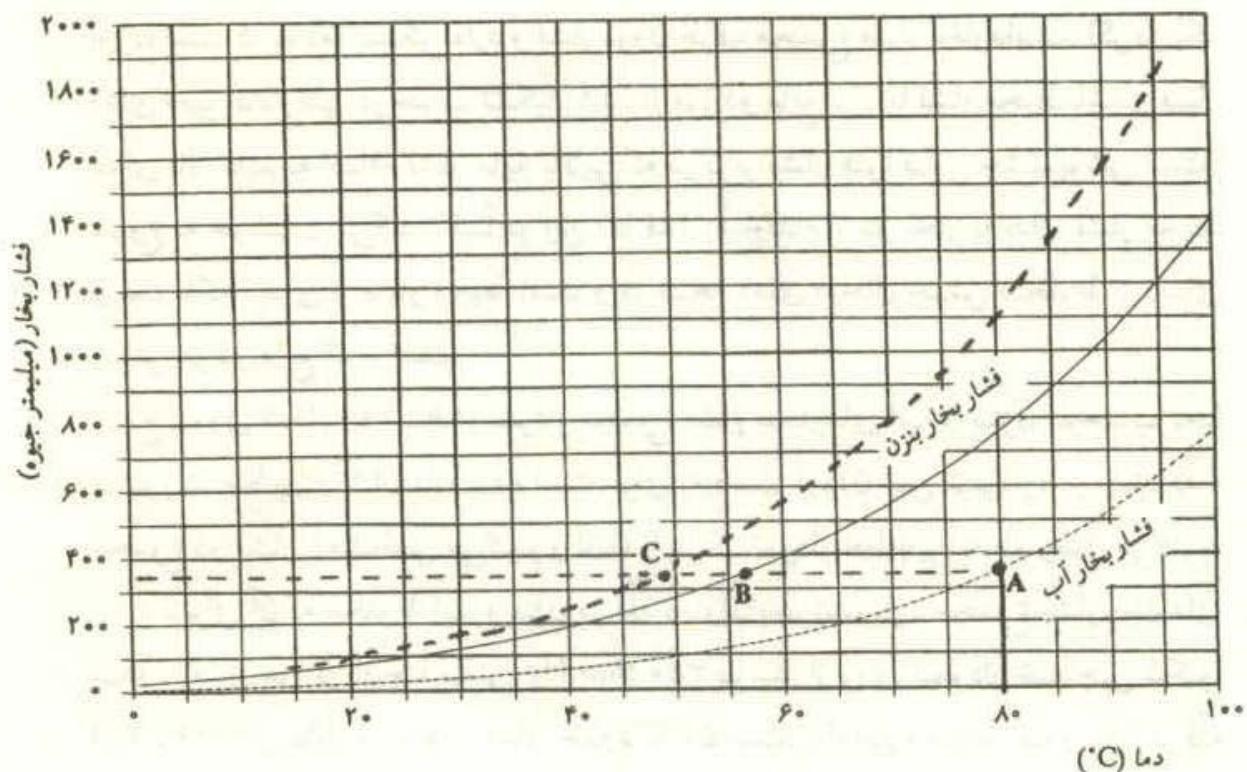
$$R = \sqrt{\frac{9}{2} \frac{\eta}{\rho g} V_\ell}$$

$$q = \frac{\epsilon\pi\eta}{E} \sqrt{\frac{9}{2} \frac{\eta}{\rho g} V_\ell} \quad q = \frac{\epsilon\pi}{E} \sqrt{\frac{q}{2\rho g}} \sqrt{\eta^3 V_\ell^3}$$

$$q = \frac{\epsilon \times 3/24}{3/1 \times 10^4} \sqrt{\frac{9}{2 \times 900 \times 10}} \sqrt{(1/8 \times 10^{-5})^3 \times (4/5 \times 10^{-5})^3}$$

$$q = 3/13 \times 10^{-19} C$$

۳ - یک ظرف در بسته که مقداری مایع در آن است، در نظر بگیرید. همواره بالای مایع، مقداری بخار آب وجود دارد. در یک دمای معین آن قدر از مولکول‌های مایع بخار می‌شوند، تا حالت تعادل به وجود آید. در حالت تعادل فشار بخار بالای مایع مقدار ثابتی است، یعنی اگر به ترتیبی مولکول‌های جدیدی به بخار تبدیل شود، و فشار بخار را بالا ببرد، به همان میزان از مولکول‌های بخار به مایع تبدیل شده و دوباره فشار به همان مقدار اولیه برمی‌گردد. اگر دمای را بالا ببریم مقداری از مایع بخار شده و در فشار بالاتری تعادل میان مایع و بخار به دست می‌آید. با کاهش دما با مایع شدن مقداری بخار، فشار بخار کم می‌شود و تعادل در فشار پایین تری به دست می‌آید. نمودار شکل (۱۱ - ۲۸) که عیناً در شکل (۱۱ - ۸۶) آمده است، همین پدیده را نشان می‌دهد.

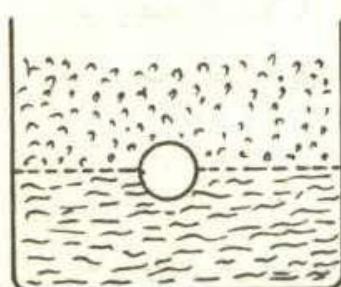


شکل (۱۱-۸۶)

الف - از روی نمودار می‌توان فشار بخار آب در دمای 80°C را به دست آورد. نقطه‌ی A مربوط به دمای 80°C و فشار $P_B = 350 \text{ mm Hg}$ است. چون در دمای جوش فشار بخار تعادل با فشار هوای محیط برابر است، بنابراین فشار هوای در قله‌ی دماوند، مقدار 350 mm Hg است.

ب - اگر بتن را در قله‌ی دماوند به جوش آوریم، فشار بخار تعادل بتن را باید با فشار هوای محیط برابر باشد. نقطه‌ی B مربوط به فشار بخار بتن معادل $P_B = 350 \text{ mm Hg}$ است و دمای جوش از روی نمودار $T_B = 57^{\circ}\text{C}$ به دست می‌آید.

در شکل (۱۱-۸۷) دو مایع مخلوط نشدنی در یک ظرف نشان داده شده است. در مرز دو مایع یک حباب بخار از مولکول‌های هر دو مایع نشان داده شده است. در یک دمای معین فشار بخار هر کدام از دو مایع را می‌توان از روی نمودارهای شکل (۱۱-۸۶) به دست آورد. اگر حباب را مانند یک ظرف بسته در نظر بگیریم، هر کدام از بخارها مستقل از بخار دیگر فشاری در این ظرف به وجود



شکل (۱۱-۸۷)

آورده است که به دما بستگی دارد و فشار درون ظرف مجموع فشار بخارهاست. اگر در یک دمای معین فشار کلی در حباب تشکیل شده در مرز دو مایع برابر با فشار محیط باشد، (فشار هوای بالا مایع به اضافه فشار مایع بالایی که در برابر فشار هوا قابل چشم پوشی است) شروع به جوشیدن می‌کند. یقیناً در این دما فشار هیچ‌کدام از دو بخار به اندازه فشار محیط نیست بلکه کسری از فشار محیط است و در نتیجه دمای درحال جوش مخلوط از دمای جوش هر دو مایع کمتر است.

ج - روی شکل (۱۱ - ۸۶) نمودار مجموع فشار بخارهای آب و بنزن بر حسب دما به صورت خط‌چین نشان داده شده است. برای به دست آوردن این نمودار، در چند دما مجموع دو فشار را مشخص می‌کنیم و آن‌ها را با یک نمودار خط‌چین به هم وصل می‌کنیم.
د - برای آن که مخلوط آب و بنزن در قله دماوند بجوشد، باید مجموع فشار بخارهای آن‌ها به فشار هوا در آنجا یعنی 350 mm Hg برسد. از روی نمودار خط‌چین شکل (۱۱ - ۸۶)، این فشار مربوط به دمای حدود 50°C است. بنابراین مخلوط آب و بنزن در قله دماوند، در این دما می‌جوشد که از دمای جوش آب یعنی 80°C و دمای جوش بنزن یعنی 57°C در قله دماوند کمتر است.

ه - از روی نمودار خط‌چین شکل (۱۱ - ۸۶) فشار بخار آب و بنزن در دمای 50°C چنین است:

$$P_W = 100 \text{ mm Hg} \quad P_B = 260 \text{ mm Hg}$$

درون هر کدام از حبابهای بخاری با حجم V ، دو نوع مولکول آب و بنزن قرار دارد که دمای آن‌ها برابر است (دمای جوش مخلوط آب و بنزن). برای هر کدام از این دو نوع ماده، با فرض آن که بخار آن‌ها را گاز کامل فرض کنیم، داریم:

$$P_W V = n_W R T \quad P_B V = n_B R T$$

در رابطه‌های بالا R ثابت گازها، T دمای جوش مخلوط و n_W و n_B به ترتیب تعداد مولهای آب و بنزن درون حباب است. اگر دو رابطه بالا را بر هم تقسیم کنیم، داریم:

$$\frac{P_W}{P_B} = \frac{n_W}{n_B} \quad (11 - ۱۰)$$

بنابراین در هر حباب، نسبت مولهای آب و بنزن، به نسبت فشار آب و بنزن در دمای جوش مخلوط است. در نتیجه نسبت مولهای آب و بنزن در بخار بالای مایع نیز با فشار بخار آب و بنزن در دمای جوش مخلوط برابر است. رابطه (۱۱ - ۱۰) همان است که در صورت

مسائله آمده است و در اینجا درباره آن توضیح داده شد. با استفاده از فشار بخار آب و بنزن که از روی نمودار به دست آمد، نسبت مولها را می‌توان محاسبه کرد. داریم:

$$\frac{n_W}{n_B} = \frac{100}{260} = 0/38$$

$$n_W = 0/38 n_B$$

و - از حل قسمت ه، نتیجه می‌شود که به ازای بخار شدن هر مول بنزن، ۰/۳۸ مول آب بخار می‌شود. در مخلوط مورد نظر یک مول آب و دو مول بنزن وجود داشته است. به ازای بخار شدن دو مول بنزن، ۰/۷۶ مول آب تبخیر می‌شود و با پایان یافتن بنزن، هنوز ۰/۲۴ مول آب باقی مانده است. بنابراین بنزن زودتر تمام می‌شود.

A	$\rightarrow V$	B	در شکل (۱۱ - ۸۸) لوله انتقال
$\rightarrow P_1$	$\leftarrow F$	$\leftarrow P_2$	نفت نشان داده شده است. فرض
	$\leftarrow 1 \text{ km} \rightarrow$		می‌کنیم نفت با سرعت ثابت V در لوله حرکت می‌کند. فشار مایع در A

و در B که با هم ۱ km فاصله دارد، برابر نیست، بلکه $10^4 \times 2$ تفاوت دارند. یک ستون نفت میان A و B در لوله در نظر می‌گیریم. نیروهای افقی وارد بر این ستون چنین است.

- نیروی $F_1 = P_1 S$ به طرف راست از طرف نفت واقع شده در طرف چپ ستون

- نیروی $F_2 = P_2 S$ به طرف چپ از طرف نفت واقع شده در طرف راست ستون

- نیروی اصطکاک F

چون نفت مورد نظر با سرعت ثابت و در راستای افقی حرکت می‌کند، باید برآیند نیروهای وارد بر آن صفر باشد. داریم:

$$P_1 S - P_2 S - F = 0$$

$$(P_1 - P_2)S = F \quad (11-11)$$

از رابطه (۱۱ - ۱۱) پیداست که اگر نیروی اصطکاک وجود نداشته باشد، فشار در دو نقطه‌ی A و B از لوله یکسان است. بنابراین افت فشار در لوله انتقال نفت به سبب اصطکاک است. نیروی اصطکاک F به دو علت به وجود می‌آید.

- اصطکاک نفت با دیواره‌ی لوله. چون نفت روی دیواره لوله می‌لغزد، مانند هر دو جسمی که روی یکدیگر می‌لغزند و به یکدیگر نیروی اصطکاک وارد می‌کنند، در اینجا نیز

دیواره‌ی لوله به نفت نیروی اصطکاک وارد می‌کند. آشکار است که این نیروی اصطکاک از نوع لغزشی است.

- لغزش لایه‌های مختلف نفت روی یکدیگر. هنگامی که نفت با دیواره‌ی لوله اصطکاک دارد، سرعت نفت در تمام نقاط مقطع لوله یکسان نیست. در این حالت نفتی که در نزدیک دیواره‌ی لوله قرار دارد با سرعت کمتر و نفتی که نزدیک به محور لوله است، با سرعت بیش‌تری حرکت می‌کند. بنابراین لایه‌های مختلف نفت روی یکدیگر می‌لغزد و نیروی اصطکاک لغزشی بر آن وارد می‌شود. در این صورت سرعت 7 m/s در لوله، سرعت متوسط نفت است.

الف - از رابطه $(11-11)$ می‌توان نیروی اصطکاک وارد بر نفت در هر متر از لوله را به دست آورد.

$$2 \times 10^4 \times 500 \times 10^{-4} = F \quad f = \frac{F}{l} = \frac{10^3}{10^3} = 1 \text{ N/m}$$

ب - اگر 6000 m^3 نفت را که طی 24 ساعت منتقل می‌شود، در لوله به سطح مقطع 500 cm^2 در نظر بگیریم، طولی از لوله که با آن پر خواهد شد، چنین است:

$$l = \frac{6000}{500 \times 10^{-4}} = 12 \times 10^4 \text{ m}$$

اگر این مقدار نفت، در لوله‌ای به طول l ، در سمت چپ نقطه‌ی A از شکل $(11-88)$ باشد، تمام آن باید ظرف مدت 24 ساعت، از نقطه‌ی A بگذرد. پس سرعت انتقال نفت چنین است.

$$V = \frac{l}{t} = \frac{12 \times 10^4}{24 \times 60 \times 60} = 1/39 \text{ m/s}$$

ج - هر متر مکعب نفت در لوله‌ی مورد نظر دارای طول زیر است.

$$l' = \frac{1}{500 \times 10^{-4}} = 20 \text{ m}$$

نیروی اصطکاک وارد بر ستونی از نفت به طول 20 m چنین است:

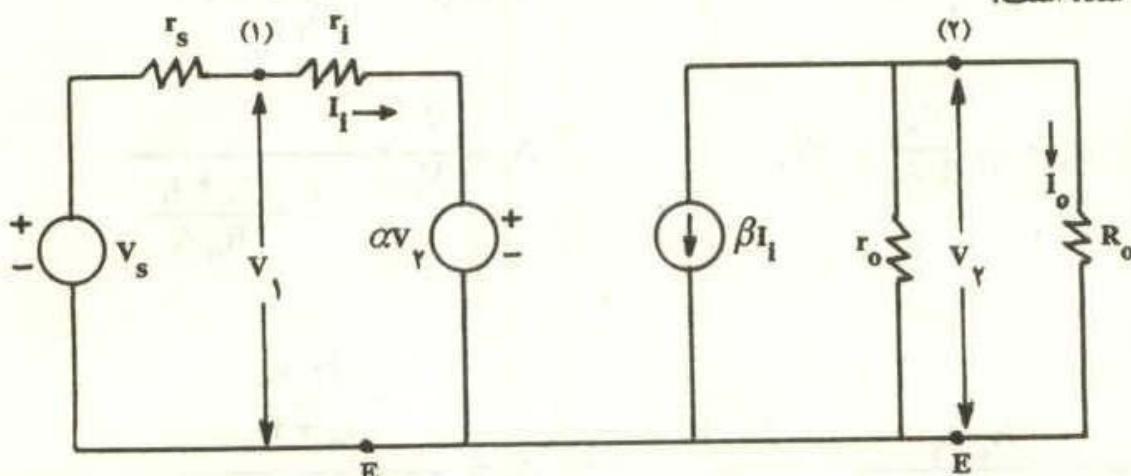
$$F' = l'f = 20 \times 1 = 20 \text{ N} \quad W = F'd = 20 \times 120 \times 10^3 = 24 \times 10^5 \text{ J}$$

د - در قسمت قبل انرژی تلف شده برای انتقال یک متر مکعب نفت به دست آمد. این

انرژی از طریق تلمبه‌ها تأمین می‌شود. برای توان تلمبه داریم:

$$P = \frac{WD}{t} = \frac{24 \times 10^5 \times 6000}{24 \times 60 \times 60} = 166 \times 10^3 \text{ W}$$

۵- مدار تقویت کننده که مدار معادل ترانزیستور در آن به کار رفته در شکل (۱۱-۸۹) نشان داده شده است.



شکل (۱۱-۸۹)

الف - از نقطه ۲ در قسمت راست مدار (قسمت خروجی تقویت کننده) جریان I_o ، جریان در مقاومت r_o و جریان I_i β می‌گذرد. با توجه به قانون جریان کیرشهف داریم:

$$\beta I_i + \frac{V_2}{r_o} + I_o = 0 \quad V_2 = R_o I_o$$

با حذف V_2 در دو رابطه بالا داریم:

$$\beta I_i \frac{R_o}{r_o} I_o + I_o = 0$$

$$A_I = \frac{I_o}{I_i} = \frac{-\beta}{1 + \frac{R_o}{r_o}} = \frac{-\beta I_o}{r_o + R_o} \quad (12-11)$$

ب - در قسمت سمت چپ مدار (قسمت ورودی تقویت کننده) می‌توان V_1 را به صورت زیر نوشت:

$$V_1 = I_i r_i + \alpha (R_o I_o) \quad (13-11)$$

اگر I_o را از رابطه‌ی (۱۲-۱۱) در رابطه‌ی بالا قرار دهیم داریم:

$$V_1 = I_i r_i + \alpha R_o \frac{-\beta r_o}{r_o + R_o} I_i \quad Z_i = \frac{V_1}{I_i} = r_i - \frac{\alpha \beta R_o r_o}{r_o + R_o}$$

ج - از قسمت چپ مدار داریم:

$$V_s = (r_s + r_i) I_i + \alpha V_\gamma$$

$$V_s = (r_s + r_i) \frac{I_o}{A_i} + \alpha V_\gamma$$

$$V_s = (r_s + r_i) \frac{V_\gamma}{R_o A_i} + \alpha V_\gamma$$

$$A_v = \frac{V_\gamma}{V_s} = \frac{1}{\alpha + \frac{r_s + r_i}{R_o A_i}}$$

$$A_v = \frac{R_o A_i}{r_s + r_i + \alpha R_o A_i}$$

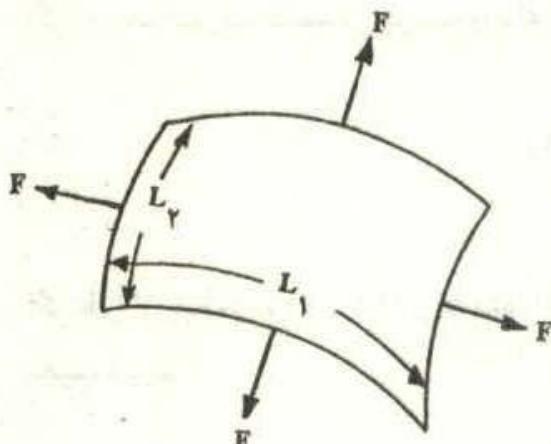
$$A_v = \frac{-\frac{\beta r_o R_o}{r_o + R_o}}{r_s + r_i - \frac{\alpha \beta R_o r_o}{r_o + R_o}}$$

$$A_v = \frac{\beta r_o R_o}{\alpha \beta R_o r_o - (r_s + r_i)(r_o + R_o)}$$

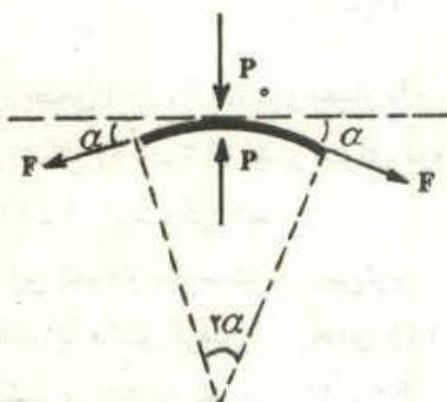
۶ - روی بادکنک باد نشده خط کوچکی به طول L در نظر می‌گیریم. هنگامی که بادکنک را باد می‌کنیم، طول این خط بزرگ شده و فرضاً برابر L خواهد شد. اگر شعاع بادکنک باد نشده را R و بادکنک باد شده را R' بگیریم، داریم:

$$L = L_0 \frac{R}{a} \quad (14-11)$$

$$\Delta L = L - L_0 = L_0 \left(\frac{R}{a} - 1 \right) \quad (15-11)$$



شکل (۱۱ - ۹۰)



شکل (۱۱ - ۹۱)

اکنون روی بادکنک باد شده مربع کوچکی به ضلع L مطابق شکل (۱۱ - ۹۰) درنظر مسی گیریم. هر ضلع این مربع کمان کوچکی به طول L است. از طرف بقیه‌ی بادکنک بر هر یک از این کمان‌های کوچک نیروی F وارد می‌شود که بر سطح بادکنک کره‌ای شکل مماس و بر

کمان‌ها عمود است. از نقطه‌ی A که وسط مربع است، صفحه‌ای بر بادکنک مماس می‌کنیم و چهار نیروی وارد بر اضلاع مربع را روی این صفحه و در راستای عمود بر آن، که همان راستای شعاع کره است، تصویر می‌کنیم. در شکل (۱۱ - ۹۱) مقطع این صفحه نشان داده شده است. تصویر چهار نیروی F که بر چهار مربع وارد می‌شود،

در راستای مماس بر صفحه تخت یاد شده صفر است، زیرا مؤلفه مماس نیروهای وارد بر دو ضلع از مربع که رو به روی یکدیگر هستند، برابر و در دو جهت مخالف هم هستند. در راستای عمود بر صفحه تخت یاد شده که از مرکز کره می‌گذرد مؤلفه هر چهار نیرو که بر چهار ضلع مربع وارد می‌شود، بر هم افزوده می‌شوند و به طرف مرکز کره است. بر مربع یاد شده علاوه بر این نیرو، دو نیرو از طرف هوای درون و بیرون نیز وارد می‌شود، که به فشار هوای بستگی دارد چون مربع در حالت تعادل است، بر آیند نیروهای وارد بر آن صفر است. داریم:

$$4F \sin \alpha + P_e L^2 = PL^2 \quad (۱۶ - ۱۱)$$

در رابطه بالا L^2 مساحت مربع و P_e به ترتیب فشار هوای درون و بیرون بادکنک است. چون زاویه‌ی α کوچک است، می‌توان سینوس آن را با خود زاویه بر حسب رادیان برابر گرفت و با استفاده از شکل (۱۱ - ۹۱) داریم:

$$2\alpha = \frac{L}{R} \approx 2 \sin \alpha \quad (۱۷ - ۱۱)$$

اگر تعریف ضریب کشسانی پوسته را برای یک مریع به کار ببریم، داریم:

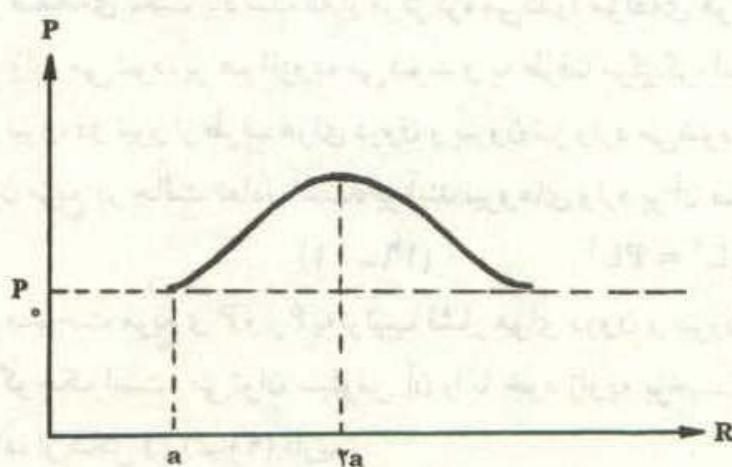
$$k = \frac{\frac{F}{L_0}}{\frac{(L - L_0)}{L_0}} = \frac{F}{\Delta L} \quad (18-11)$$

اگر k را از رابطه‌ی (۱۸-۱۱) و $\sin \alpha$ را از رابطه‌ی (۱۷-۱۱) در رابطه‌ی (۱۶-۱۶) قرار دهیم، داریم:

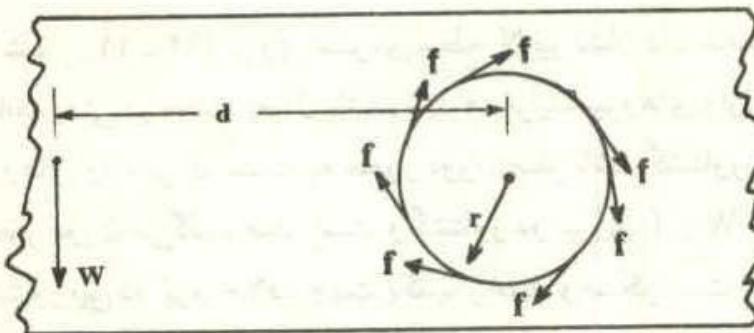
$$\begin{aligned} 4k\Delta L \frac{L}{2R} &= (P - P_0)L^2 \\ P = P_0 + \frac{2k}{R} \frac{\Delta L}{L} &= P_0 + \frac{2k}{R^2}(R - a) \end{aligned} \quad (19-11)$$

در رابطه‌ی (۱۹-۱۱)، برای مقدار L و ΔL از روابط (۱۴-۱۱) و (۱۵-۱۱) استفاده کرده‌ایم. در شکل (۱۱-۹۲) فشار هوا درون بادکنک P را بر حسب شعاع آن R ، از رابطه‌ی (۱۱-۱۹) رسم کرده‌ایم.

از این نمودار پیداست که بیشترین فشار هوا درون بادکنک، هنگامی است که $R = 2a$ باشد. با مشتق گرفتن از رابطه‌ی (۱۱-۱۹) بر حسب R و صفر قرار دادن آن، مقدار بالا به دست می‌آید. از نمودار (۱۱-۹۲) این نکته‌ی جالب نتیجه می‌شود که اگر کسی بخواهد بادکنک را با دمیدن در آن بادکند، در ابتدا باید با فشار زیاد هوا را وارد بادکنک کند، اما پس از آن که شعاع بادکنک مقداری زیاد شد، برای افزایش بیشتر آن، به فشار چندانی نیاز نیست و شخص می‌تواند با دمیدن ملايم نیز بادکنک را بیشتر باد کند.



شکل (۹۲-۱۱)



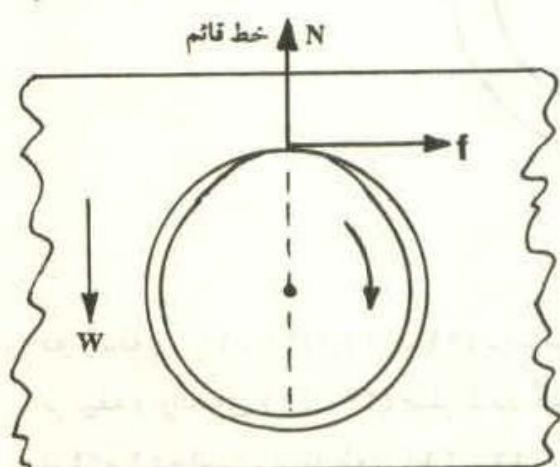
شکل (۹۳-۱۱)

۷- در شکل (۹۳-۱۱) تیغه که به صورت افقی مانده است و محور موتور که درون سوراخ تعیین شده در تیغه می‌چرخد، نشان داده شده است. برای آنکه

شکل واضح باشد، محور موتور بزرگ رسم شده است و در نتیجه تنها قسمتی از تیغه در نزدیکی محور موتور نشان داده شده است. جهت گردش محور موتور نیز در شکل مشخص شده است. از طرف محور موتور، بر تمام سطح داخلی سوراخ نیروی اصطکاک لغزشی وارد می‌شود که در شکل با نماد f مشخص شده است. جهت این نیروها با توجه به جهت چرخش محور موتور تعیین شده است. برای توضیح بیشتر، توجه کنید که جهت چرخش تیغه نسبت به محور موتور، در خلاف جهت عقربه‌های ساعت است. یعنی اگر ناظری روی محور موتور قرار گیرد، چنین در می‌یابد که تیغه در خلاف جهت عقربه‌های ساعت می‌گردد. چون نیروی اصطکاک لغزشی وارد بر تیغه در خلاف جهت حرکت آن نسبت به سطحی است که با آن تماس دارد، نیروهای مشخص شده در شکل در جهت عقربه‌های ساعت خواهد بود.

الف - نیروهای اصطکاک نسبت به محور دوران (محوری که از مرکز محور موتور می‌گذرد) گشتاوری بر تیغه وارد می‌کنند که با گشتاور نیروی وزن نسبت به همان محور، خشی می‌شود و در نتیجه تیغه افقی می‌ماند. اگر گشتاور نیروی اصطکاک را τ_f بنامیم، داریم:

$$\tau_f = \tau_W = Wd$$



شکل (۹۴-۱۱)

ب - در شکل (۹۴-۱۱) فرض شده است که قطر سوراخ کمی بزرگ‌تر از قطر محور موتور است و خط تماس محور موتور با سوراخ در بالاترین جای آن فرض شده است. در این حالت برخلاف قبل، تنها از یک جا بر تیغه نیروی اصطکاک وارد می‌شود که با f مشخص و جهت آن نیز با توجه به جهت گردش محور تعیین شده است. چون نیروی اصطکاک بر سطح تماس دو جسمی که روی هم می‌لغزند مماس است، در این حالت نیروی f افقی خواهد بود.

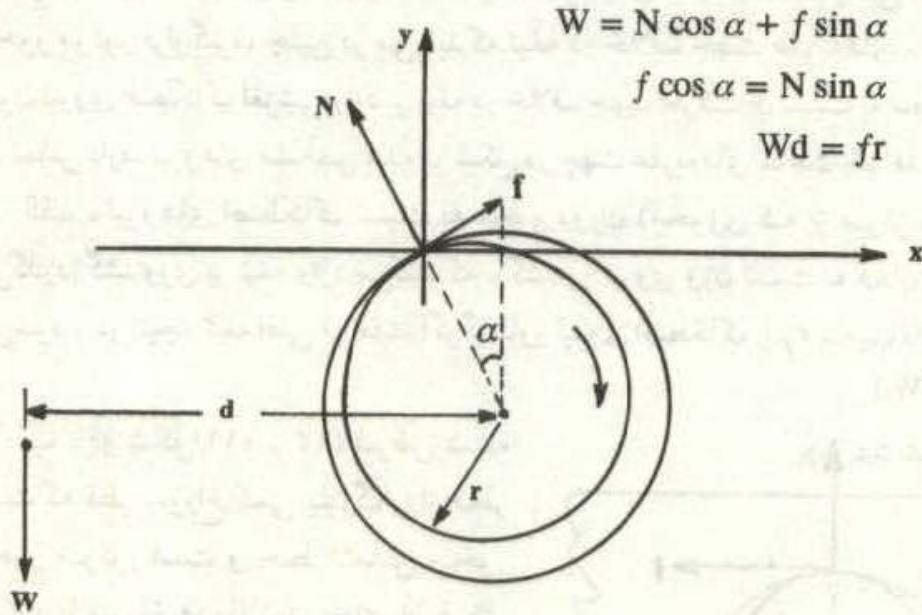
در شکل (۱۱ - ۹۴) نیروی عمودی سطح N نیز نشان داده شده است. برای آنکه تیغه افقی بماند، یعنی در حالت تعادل باشد، باید هم برآیند نیروهای وارد بر آن و هم مجموع گشتاور نیروهای وارد بر آن نسبت به محور دوران صفر باشد. گشتاور نیروی N به علت آنکه از محور دوران می‌گذرد صفر است و گشتاور دو نیروی f و W نیز می‌تواند صفر شود، زیرا گشتاور این دو نیرو خلاف جهت یکدیگر است و ممکن است اندازه نیروها و فاصله‌ها چنان باشد که این منظور برآورده شود. اما برآیند این سه نیرو صفر نخواهد شد، زیرا دو نیروی N و W مؤلفه افقی برای ختنی کردن f ندارند. بنابراین امکان ندارد تماس تیغه با محور موتور در بالاترین نقطه باشد.

ج - در شکل (۱۱ - ۹۵) محل تماس تیغه با محور موتور در جای پایین تری فرض شده و نیروهای وارد بر تیغه نیز مشخص شده است برای آنکه تیغه افقی بماند، داریم:

$$W = N \cos \alpha + f \sin \alpha \quad (۲۰ - ۱۱)$$

$$f \cos \alpha = N \sin \alpha \quad (۲۱ - ۱۱)$$

$$Wd = fr \quad (۲۲ - ۱۱)$$



شکل (۱۱ - ۹۵)

دو رابطه‌ی (۱۱ - ۲۰) و (۱۱ - ۲۱) براساس صفر شدن مؤلفه‌های قائم و افقی نیروهای وارد بر تیغه و رابطه‌ی (۱۱ - ۲۲) صفر شدن گشتاور نیروهای وارد بر تیغه نسبت به محور دوران توشه شده است. از رابطه‌ی (۱۱ - ۲۲)، f را به دست آورده و در رابطه‌ی (۱۱ - ۲۱) قرار

می‌دهیم. داریم:

$$f = \frac{Wd}{r}$$

$$N = f \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{Wd}{r} \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} \quad (23 - 11)$$

اگر N را از رابطه‌ی (۱۱ - ۲۳) در رابطه‌ی (۱۰ - ۱۱) قرار دهیم داریم:

$$W = \frac{Wd}{r} \frac{\cos^2 \alpha}{\sin \alpha} + \frac{Wd}{r} \sin \alpha$$

$$\sin \alpha = \frac{d}{r} \cos^2 \alpha + \frac{d}{r} \sin^2 \alpha$$

$$\sin \alpha = \frac{d}{r}$$

چون $1 < \sin \alpha$ است، پس باید $r < d$ باشد. در نتیجه در چنین شرایطی، گرانیگاه تیغه باید درون سوراخ قرار داشته باشد.